

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Беспалов Владимир Александрович

Должность: Ректор МИЭТ

Дата подписания: 01.09.2023 11:16:45

Уникальный программный ключ:

ef5a4fe6ed0ffdf3f1a49d6ad1b49464dc1bf7354f736d76c8f8bea882b8d602

Аннотация рабочей программы дисциплины

«Общая алгебра»

Направление подготовки - 01.03.04 «Прикладная математика»

Направленность (профиль) - «Компьютерная математика и математическое моделирование»

Уровень образования - «бакалавриат»

Форма обучения - «очная»

1. Цели и задачи дисциплины

Цель преподавания дисциплины: формирование способности использовать основные алгебраические структуры и абстрактный аппарат общей алгебры для решения естественнонаучных и инженерных задач.

Задачи дисциплины: приобретение знаний основных понятий и методов общей алгебры, умений применять их при решении задач, приобретение опыта приложения моделей и подходов общей алгебры к смежным естественнонаучным дисциплинам.

2. Место дисциплины в структуре ОП

Дисциплина входит в обязательную часть Блока 1 «Дисциплины (модули)» образовательной программы. Для изучения дисциплины студент должен владеть знаниями, умениями в объеме программы математики полной средней школы, а также курса Алгебры и геометрия. Понятия и методы дисциплины используются при изучении курсов Математической логики и теории алгоритмов, Прикладная теория информации, и может быть использована при подготовке ВКР.

3. Краткое содержание дисциплины

Множества и отображения. Отношения эквивалентности. Факторизация отображений. Введение в алгебраические структуры. Множества с бинарной операцией. Gruppoиды. Полугруппы. Моноиды. Группы. Кольца и поля.

Группы. Симметрическая и знакопеременная группы. Морфизмы групп. Теорема Кэли. Смежные классы по подгруппе. Теорема Лагранжа. Циклические группы. Нормальные подгруппы. Факторгруппы.

Кольца и поля. Общие свойства колец. Типы колец. Сравнения. Кольцо классов вычетов по $\text{mod } n$. Факторкольца. Гомоморфизмы и идеалы колец. Области целостности и поля. Характеристика кольца и поля. Простые поля. Многочлены и кольца многочленов. Элементарные свойства многочленов. Алгоритм Евклида. Поле отношений целостного кольца. Поле рациональных функций.

Теория полей. Присоединение. Простые расширения полей. Конечные и алгебраические расширения. Алгебраическое замыкание. Поля разложения. Конечные поля Галуа. Строение конечных полей. Характеризация конечных полей. Циклическая мультипликативная группа поля. Единственность конечного поля заданного порядка. Критерий подполя. Корни многочленов. Разложение многочленов на неприводимые сомножители. Представление элементов конечных полей. Вычисления в конечных полях.

Разработчик:

Ст. преподаватель каф. ВМ-1 Назаров М.Н.